**摛藻堂四庫** 

全書

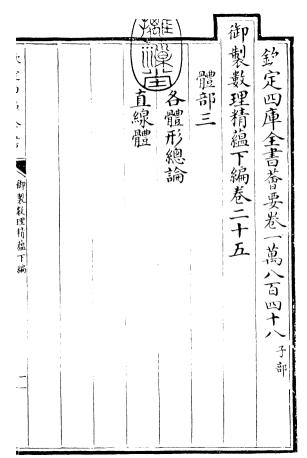
薈

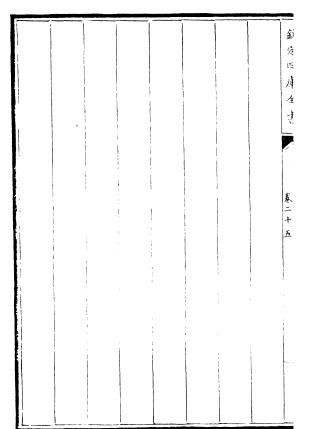
曾要

子部

欽定四庫全書管要 御製數理精蘊下編卷二十五

詳校官主事以陳太





盡乎 殊至於各等面體惟成於三角四角五角之面而 體之為形成於面面之相 角所合而生面之所合不能成厚角則體亦 球之外面切於各面之中心而各體又有互相 方環陽馬輕堵之異圓體則有渾圓長圓尖圓 圓是雖無角而實賴於角也方體有正方斜方尖 惟渾圓則無角然求積之法亦合衆兴體而 方圓之理函於圓者其角切於球之外 合為厚角故凡體形皆 面 不能 涵 圓

體形總論

盖體成於面面生於線理固然也有積求邊則必 體積為四七一四〇四五二一十二面體積為七 等面體之一邊俱設為一〇 定四库全書 七七五四面體積為一一七八五一一二 圓為比例是以邊線等者體積不等如圓球徑 因 各同底尖體形然求積總以勾股為準 各面皆等故其中心至每邊之線皆同就 分視之則成各等邊面形因其各形而 圆球體積為五二三五 正方體積

體 眉 體積為 四 四 、設為 體積 0 О (`` 餘 御製數理精盤下編 五 四四 體積 四 と 四 面 體積 方積 餘 五 圓 球 tt Æ 一方體積 例 者 5 則 各等 也 圓 在 球 員 面

火

足日華到

5

,體之每邊為五〇七二二二〇七二十面體之每 與各等面體積俱設為一〇〇〇〇〇 體與體之比例也體精等者邊線不等如圓球體 者也盖因各形之邊線相等體積不同故皆定 六六七三〇四六三此各形之體積皆以球 面 世世と 000000 八四面體之每邊為二〇 每邊為一二八四八九 のこのしこののここ則 而圓球徑為 正方體 ) )

例者也或以圓球徑設為 三〇七一九二三則圓球徑為一 圓球體積為五二三五九八七七五五 俱設為五二三五九八七七五五九八二九 七三〇七一九二三如圓球體積與各等 正方體之每邊為八〇五九九五九七四面 六四三九四八八一八面體之每邊 000000 — О 九ハニ 0 0 0

〇二五三四

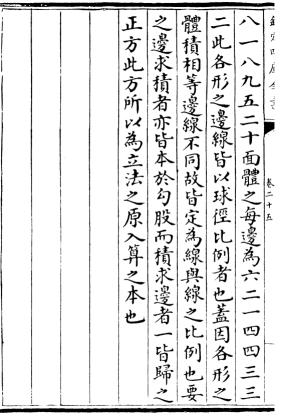
此各形之

/総旨以方息

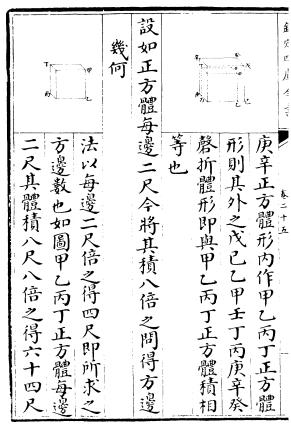
火

足曰事到

五六二二八五十二面體之每邊為四〇八



設如正方體每邊二尺今將其積倍之問得方邊 巴可氧化 一一御製數理精為下編 得一十六尺開立方得二尺五寸一 每邊得二尺五寸一分有餘試於戊己 有餘即所求之方邊數也如圖甲乙丙 以每邊二尺自乗再乗得八尺倍 正方體每邊二尺其體積八尺倍之 十六尺即如戊己庚辛正方體積



E Þ È. 正方邊之四尺與甲乙丙丁正方邊之 丙 比例 倍其積開立方止以每邊二尺倍 雨界之比例為連比例隔二位 即得也此法盖因兩體積之比例 丁正方形每邊之二倍是故不 十見光 北為八 四 尺與 第何四原 分之一而戊己庚辛 故戊己庚辛正方 丙丁正方體積 相

設 盆 之仍與原形為同式形問得長問高各幾何 如長方體長一尺二寸問八寸高四寸今将其積 Ē 法以長一尺二寸自乗再乗得一尺七 例 之兩位故為連比例隔二位相 四與二皆為二分之一之連比例 尺之比為二分之一夫六十四與 四 二三十二與十六十六與八八與 與八之比其間隔三十二與 加之 而 四三

ŗ ع 9 Ē d Ala 一种製数理精蘊下編 寸開立方得一尺五寸一分一差有餘 得四率一尺零七釐有餘即所求之間 長一尺五寸一分一釐有餘為三率求 寸為二率今所得之長一尺五寸一 也又以原長一尺二寸為一率原高四 寸為一率原開八寸為二率今所得之 即所求之長既得長乃以原長一尺二 百二十八寸倍之得三尺四百五十 釐有餘為三率求得四率五寸零三

鉒 万 Ľ 4 1/4 月白き 屋有餘即所求之高也或以問八寸自 <del>乘再乘倍之開立方亦得一尺零七釐</del> 此兩長方體積之比例即同於其相當 倍之開立方亦得五寸零三釐有餘為 有餘為所求之闊以高四寸自乗再乗 二界各作兩正方體積之比例見 乙高四寸丁戊閥八寸甲戊長一尺二 所求之高也如圖甲乙丙丁長方體甲 将其積倍之即如已庚辛壬長方體





一一一一却製玩理情温下編 求之高也若以原問自垂再垂倍

為所求之長也既得己癸之長則以甲

比得壬癸為所求之間又甲戊與甲 比同於已癸與己庚之比得己庚為

戊與丁戊之比即同於己於與壬癸之

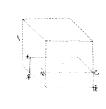
界作甲戊五子正方體將其積倍之

故依甲乙丙丁長方體之甲戊長

如己庚辛壬長方體之己癸長界所

之已癸卯寅正方體故開立方得已於

**新定四库全書** 設如長方體長一尺二寸問八寸高四寸今将其積八 倍之仍與原形為同式形問得長間高各幾何 得五寸零三釐有餘為今所求之高皆 求之關原高自兵再来倍之開立方亦 開立方亦得一尺零七釐有餘為今所 所求之長又以原闊八寸倍之得一尺 法以長一尺二寸倍之得二尺四寸即 比之理也 如以其相當二界各作正方體互相為





立方止以各邊之數倍之而即得

法盖因两長方體之比例 二界各作正方體之比例而兩正方

一一一一柳製數理精益下編

2 5 `

子長方體其每邊得甲乙丙丁長方

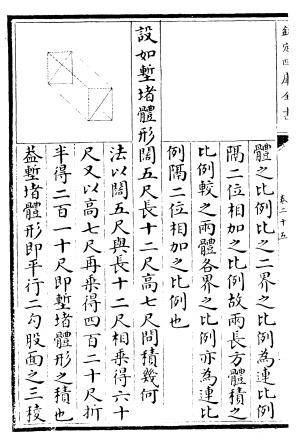
一倍是故不用八倍其精

長一尺二寸将其精八倍之即如己庚

長方體甲乙高四寸丁戊間八寸甲戊

八寸即所求之高也如圖甲乙丙

即所求之關又以原高四寸倍



端之二面皆為勾股形一為甲乙丙 為丁戊己俱平行以乙丙陽與丙丁長

如甲乙丙丁戊己聖堵體形其

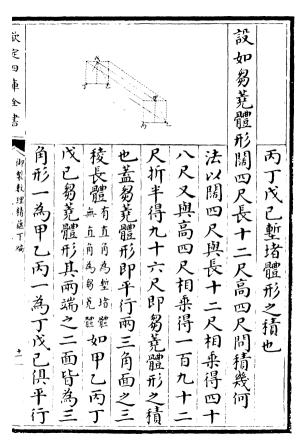
高再垂成甲乙丙丁庚戊長方體形凡 相来成乙两丁己長方面形又以甲 平行面之長方體自其一面之對角線 分為兩三稜體此兩三稜體之積相

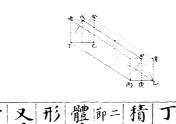
三棱體之積既相等則三棱體積必為 見幾何原本 五夫一長方體所分

定四車全書 一御製數理精龜下編

欴

長方體積之一半故將所得之甲乙丙 勾股面積又與丙丁長相乗即得甲. 戊己塹堵體形之積也 又法以陽五尺與高七尺相乗得三十 丁庚戊長方體積折半即得甲乙丙丁 し高與し丙間相乗折半得甲し丙 五尺打半得一十七尺五寸與長十二 相乗得二百一十尺即聖堵體形之 也如甲乙丙丁戊己聖堵體形以甲 卷二十五



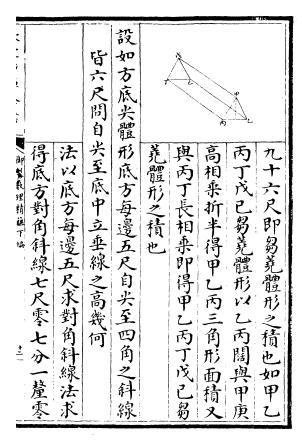


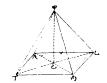
長方面形又以甲庚高再乘成辛し丙 精為平行面方體積之一半 見我何原 丁壬癸長方體形凡平行面之三核體

以乙丙陽與丙丁長相乗成乙丙丁己

體積折半即得甲乙丙丁戊己芻竟體 形之精也 +故将所得之辛乙丙丁壬癸長方

六尺折半得八尺與長十二尺相乗 又法以闊四尺與高四尺相乗得





線六尺為弦用勾弦求股法求得股

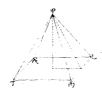
戊底方面之乙丁對角斜線折半於 自尖至底中立垂線之高數也如圖甲 乙丙丁戊方底尖體形先求得乙丙丁 四尺八寸四分七釐六豪八絲有餘即 |己為勾以自头至角之甲乙科

"弦求得甲己股即自尖至底中立

盘定四库全書

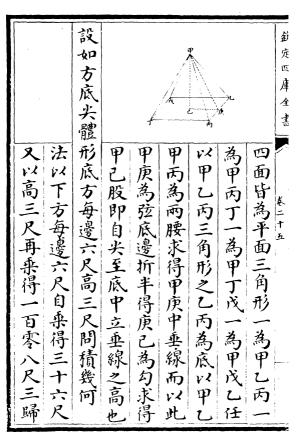
六絲有餘折半得三尺五寸三分五釐

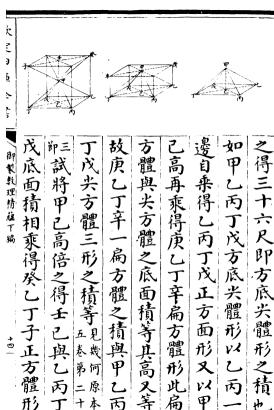
五豪三絲有餘為勾以自尖至四角之



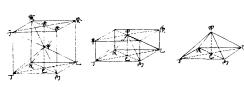
線之高也 之高數也如圖甲乙丙丁戊尖方體其 六豪七絲有餘即自尖至底中立垂 終為弦以底方每邊五尺折半得二尺 腰用平面三角形求中垂線法求得 之底以自兴至四角之斜線六尺為雨 五寸為勾求得股四尺八寸四分七釐 又法以底方每邊五尺為平面三角形 中垂線五尺四寸五分四釐三豪五

5





又等



此正方體之乙丙丁戊子寅癸丑癸

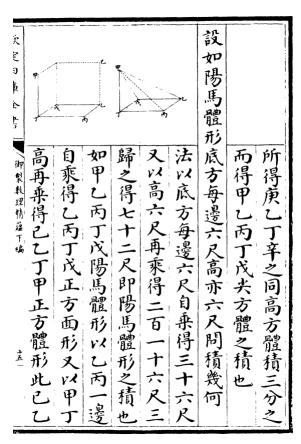
方 四 盾

白丰

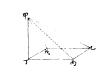
戊甲子寅癸丑甲癸乙丙丑甲戊丁

此每 寅甲乙戊寅癸甲丙丁子母六头方體 **必為同高扁方體之三分之一故** 尖方體俱為倍高正方體之 既為倍高正方體之六分之

心依各稜至各角剖之則成甲乙丙 丙丑戊丁子寅乙戊寅癸丙丁子丑六 面皆與兴方體之底面積等又自







同

之積

如尖方體之高度故

雖不同而

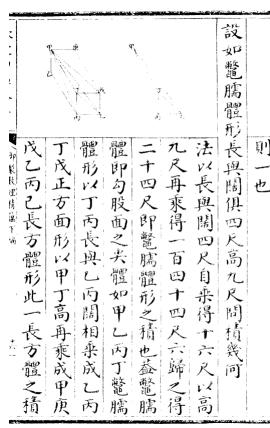
如尖方體之底其甲丁高度 故今陽馬體之乙丙

**精等高度又等則其體積亦必相等** 馬體形尖在一隅然大凡體形其底面 而法則一蓋尖方體形尖在正中 二二 節卷 一形之债等故三分之即得陽馬 也此陽馬體與头方體形雖

正方體之精與甲乙丙丁戊陽

Ľ ) 4 7

釒 艾





甲乙丙丁鼈臑體之積又為甲戊乙

面積等其高又等則其體積亦等見 戊底面積之 陽馬體積之一半蓋各類尖體具 十二声第八 今甲乙丙丁鼈臑

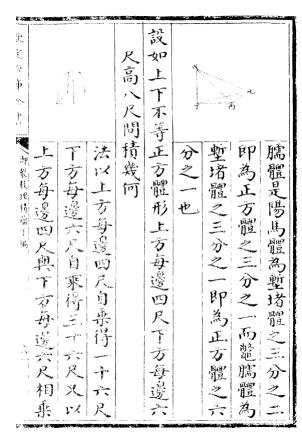
體積亦必為甲戊乙丙丁陽馬體積 底積為甲戊し丙丁陽馬體之し丙 一半則甲乙丙丁鼈臑 間之し 書

쉷 定 匹 庫 全

與甲戊乙丙丁陽馬體三形之積等

) 一人御製數理精 絕下編 得甲乙辛戊己與庚乙丙丁戊二聖堵 體必為長方體之六分之 甲し丙 各體而自得其相比之率也如圖甲 庚戊し丙己長方體精六分 體又為長方體之三分之一 方體按法剖之 至對面戊辛對角科線平分之 丁戊己正方體自其庚己一 丁鼈臑體之積也又凡正方 即成塹堵陽馬 將 2. 面

釒 5 Ľ: 盾 體 角至 應體又 相 乙町 し對角依己两 塹 丙 對 斜 八將戊 堵 **十** 五 體是 梭 二難 陽馬體 一天 鳢 聖堵體為 臑體夫 分 陽馬 剖 則 稜 體 乙丙戊庚 馬體自 斜 剖



	de Late Source La Source A						
面抄将此三不知所相以為人又相	107、少数村来得三年		大十多等以少数我们 一次要好	事不為了人都の之間の心をした	一百香一八八八八八十八十八十八十八八八八八八八八八八八八八八八八八八八八八八八八	高八尺板重行六百零八八三路之行	得二十四尺三数程件仍上分六尺羽

飲 定 四) 净 <u>\$</u>-4 御製數理精總 癸戊甲己丁子丑二方廉體若 去癸戌甲戊寅卯丁己丁子丑辰甲 四方廉體又多乙壬甲辰癸庚寅戊 丙辛長方體比甲戊丁己長方體多 五長方體比甲戊丁己長方體多去 外丙子已己五年四長廉體 丁己其一上下方面 三長方體形具一上下方面俱 上下方面俱如壬癸子丑盖し 7 而去癸

方體之上下方面 5 各-體變為三陽 陽馬體 一方原體變為二朝 塑挡 贈四 うか贈 體 疛 廉 放三歸之 馬體 1 (J.) 陽馬體 成了 體 ML 開京 哲 如甲成 截去 ij 的得 精 皆成 Jt. 诸 1

共高二十四尺相乘得八百六十四尺 情又以高八尺與共高二十四尺 歸之得二百八十八尺為大兴方體 一體形上補成一尖方體之共高乃 方邊六尺自兵得三十六尺與所 餘十六尺為上小头方體之高以 求得四率二十四尺為上下不等 二率下方邊六尺折半得三尺為

欴

定四車全書一個製數理精總下編



形先以上方邊與下方邊相減折半如 甲乙丙丁上下不等正方體形加戊甲 有餘即上下不等正方體形之積也 (相減餘二百零二尺六百六十六寸 小尖方體形遂成戊乙丙大尖方體

方體之積與大尖方體積二百八十

·五尺三百三十三寸有餘為上小

方邊四尺自乗得十六尺與上高十六 尺相乗得二百五十六尺三歸之得八

卷二十五

設如上下不等長方體形上方長四尺間三尺下方長 定四車全書 一种製軟理精蘊下編 戊甲丁小尖方體積所餘必甲乙丙丁 上下不等正方體形之積也 方體積於戊乙丙大尖方體積内減去 之得戊乙丙大尖方體積以戊癸與甲 之比以戊辛與乙丙下方面相乗三歸 己庚下方邊折半如己辛依勾股比例 己庚與壬庚之比即同於己辛與戊辛 丁上方面相乗三歸之得戊甲丁小尖

八尺陽六尺高十尺問積幾何 相乘得二十四尺四数相併得一百六六尺又以上闊三尺與下長八尺相乘問六尺相非 法以上長四尺與上閱三尺相乗得 十尺六歸之得二百八十尺即上下不十八尺與高十尺相乘得一千六百八 二尺倍之得二十四尺下長八尺與

一寅卯辰已長方面形將此六長方面 **陽與己丙下長相乗得一壬癸子丑長** 倍之得二乙己丙辛長方面形甲戊上 方面形乙己下鬧與戊丁上長相乗得

■一即良及里肯庭下海

己下問相乗得一乙己丙辛長方面形

二甲戊丁庚長方面形己两下長與己

相乘得一甲戊丁庚長方面形倍之得 不等長方體形戊丁上長與甲戊上間 等長方體形之積也如甲乙丙丁上下

金定四庫全書 其二上下方面俱如甲戊丁庚其二 戊丁庚長方體為多二壬癸戊甲二戊 卯辰已盖二乙己丙辛長方體比二甲 俱如壬癸子母其一上下方面俱如寅 下方面俱如己己丙辛其一上下方面 廉體又多二乙壬甲寅二癸己卯戊二 丁辰丙子二已庚丑辛八長廉體而一 辰丁二庚丁子丑二寅甲庚已八方 相併與高十尺相乗得六長方體形

體多一壬癸戊甲一庚丁子五二方廉 體聚為二重堵體每一長廉體聚為三 體而一寅卯辰已長方體比一甲戊丁 陽馬體共得二十四塹堵體二十四陽 長廉體俱截去則此六長方體之上下 方面必皆如甲戊丁庚乃以每一方廉 庚長方體多一寅甲庚已一戊卯辰丁 壬癸子丑長方體比一甲戊丁庚長方 二方廉體若將共多之十二方廉體八

形之猜也

又法以上長四尺倍之得八尺加下長 八尺共十六尺與上闊三尺相乗得四

乗得一百二十尺兩數相併得一百六 加上長四尺得二十尺與下隔六尺相 八尺又以下長八尺倍之得十六尺

馬體則皆成上下不等六長方體放六 歸之而得甲乙丙丁上下不等長方體

馬體將六長方體各加四塹堵體四陽

定匹庫全書

卷二十五

鈁

j. 5 5 2 1 御製数理精施下 數即 前法 與 L Ž., 問 倍 长 豐 前 2 與 2 法 形 相 之倍 長加上 来 7 相 析 乘之数 长 數 清 加 典 1. せっ 相 T -}-圖 莱 與前 誾 b 解 1.1 phi. 俉 彭 並 BP 村门 义。 乘 1 2 乘 倍 陽 同 义 此。 7 加口 70 法 2 15 相 数 3 1

又 四 四 相 不等長方體形之積 何東下長八尺與上間 八十四尺 十八尺折半 尺三歸之得二百八十尺 一尺下長八 上長四尺 與高十 尺 與 = 與 + 也盖此 尺 三尺 清 陽 相四 来得八尺三数 與 尺 7 Ξ 下闊六 亦 相 尺 尺.. 相乘 相 乘 随 BP 井 乘得 相 百 四併得 尺

ķ, Ė 9 ţ, 'n ŗ 中製数理精施下編 乘 率下長八尺折 居 法 制 高数問悉三騎 各有長間既用上 相野又又 以上長四尺 係正方面故 和 ho th 現丁方邊和 尺為 半得 Jil. ì. 方長 四尺為三率求 用 教行可以 平高十 乘 八尺 1 盟。 問丁長 揃 柯 則日 £ 初 尺柱 桐 流



尺

相

来

得

九百六十尺

----

相 减

餘

歸之得三百二十尺為大兴長方體 共高二十 與下陽六尺相 又以高十

小去長方體之高以上長 尺與共高二十尺 一百二十尺三歸之

相 乘

得

十二尺

與

乘得

DT) -}-

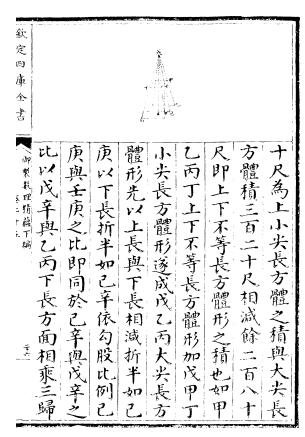
八尺與

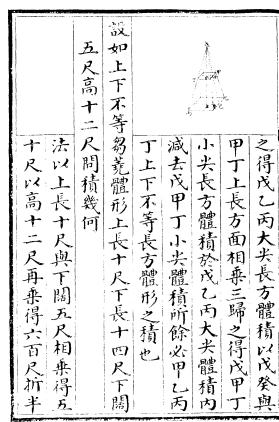
ρή

成

头長方體之共高乃

四率二十尺為上下不等長 八方





飲定四庫全書 一人即製数理精強下編 **夠竟體形自其上稜之甲戊兩端直剖 養體之積也如甲乙丙丁戊上下不等** 尺再乘得二百四十尺三歸之得八 尺與先所得上下相等易竟體積三百 上長十尺與下長十四尺相減餘四 則分為甲己辛壬戊一多差體甲し 相併得三百八十尺即上下不等易 下陽五尺相垂得二十尺以高



相等之已庚與己辛關與己 相垂折半得甲己辛壬戊多竟體積 己辛壬庚多竟體之底面積與甲癸

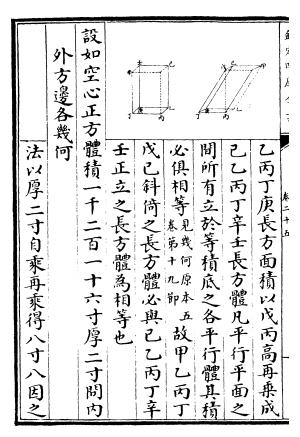
闊

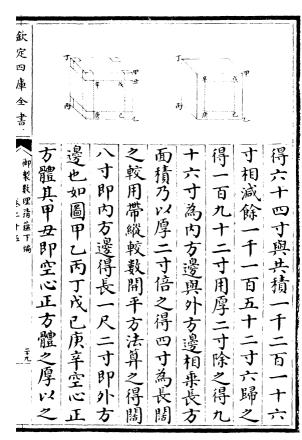
丙辛與戊庚壬丁二尖方體精與甲己 辛壬丁二段即二头方體之共長與 **精與高相乗三歸之即得甲** 相乗得乙辛與庚丁二去方體

又以甲戊上長與丙丁下長相減所餘

丙辛與戊庚壬丁二去方體故

火 設如兩兩平行邊斜長方體形長二尺四寸闊八寸高 E 习事全書 一柳製數理精益下編 三尺七寸問積幾何 長方體形以乙丙閥與丙丁長相乗 辛壬戊一多竟積相加即得甲乙丙 七尺一百零四寸即兩兩平行邊斜 法以長二尺四寸與問八寸相乘得 方體形之積也如圖甲乙丙丁戊己 尺九十二寸又以高三尺七寸再來 一上下不等芻竟體之總積也







丑寅闊與戊己等即内方邊其丑辰長

二寸除之得丑寅卯辰一長方面積其

甲丑厚度等丑戊辛辰並之即長闊之

故以厚二寸倍之為帶縱求得問為

與甲乙等即外方邊其丑戊辛辰皆與 六歸之得丑寅已子一長方扁體用厚

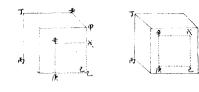
自乗再乗八因之得壬卒子癸類八

開體與空心正方體相減則餘空心正

方體之六面丑寅已子類六長方扁體

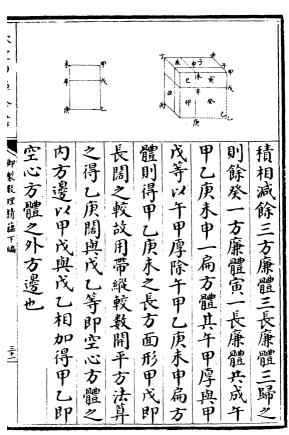
k 數開平方法算之得問八寸即內方邊 除之得九十六寸為長方面積以內外 相減餘一十一百五十二寸三歸之得 與空心正方體積一千二百一十六寸 與外方邊之較自乘再乘得六十四寸 方邊之較四寸為長闊之較用帶縱較 三百八十四寸以内外方邊之較四寸 法以厚二寸倍之得四寸為內方邊

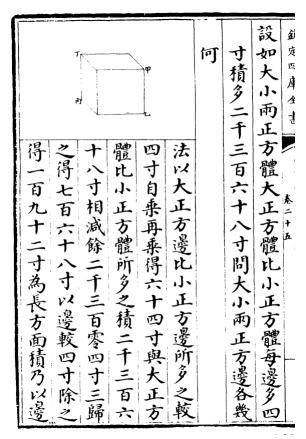
2

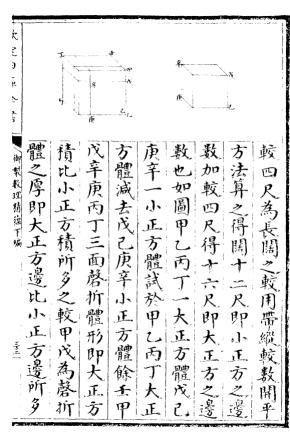


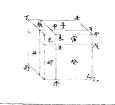
黿 万 E 眉 有量

體寅卯辰三長康體已一小 開立方次商法分之得癸子母三方廉 為甲乙外方邊與戊己內方邊之較依 圖甲乙丙丁戊己庚辛空心正方體 以 戊厚度自乘再乘得已一 戊己庚辛空心小正方形移置乙角之 加較四寸得一 陽則空心正方體變為甲戊年庚丙 主整折體形具甲戊即磬折體之厚 一尺二寸即外方邊也 隅體以









垂再垂得已一小陽體與罄折體情

以午甲厚除之則得甲乙庚未之長方 庚末申一局方體其午甲厚與甲戊等 癸一方廉體寅一長廉體共成千甲 減餘三方廉體三長廉體三歸之則得 形甲戊即長間之較故用帶縱開平

三長廉體已一小陽體以甲戊邊較

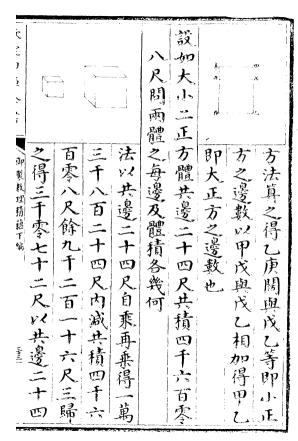
自

相

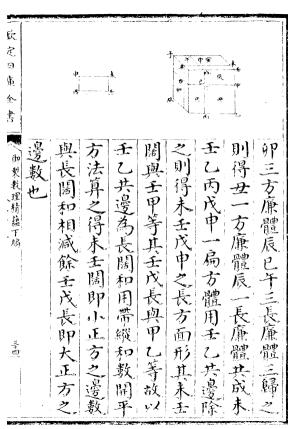
法分之則得癸子丑三方廉體寅卯辰 之較此三面磬折體形依開立方次商

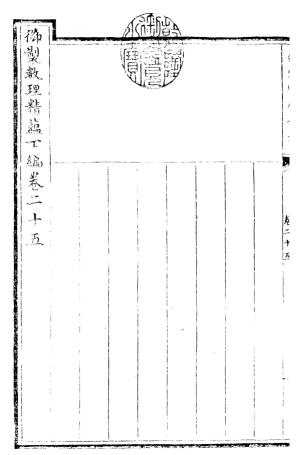
生 押

金 灾 匹 盾



盆 定匹 庫 全書 六尺即 和數 乃以共邊二十四尺為長閥和用帶級 丁一大正方體戊己庚辛一小正方體 )庚辛大小雨正方體之共積餘 除之得一百二十八尺為長方面 共邊二十四尺自来再乗則成士 之邊數與共邊二十四尺相減餘 開平方法算之得間八尺 大正方之邊数也如圖甲乙 方體內減甲乙丙丁與 即小







監生臣

约

**楼**對官

題

· 緑監生臣沈以官中官正臣郭長官庶吉士臣 張能

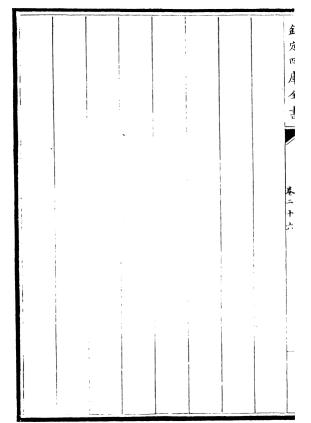
發

欽定四庫全書替要母教數理精驗下編卷二十六

詳校官主事時本

WITH.

御製數理精為下編卷二十六 欽定四庫全書養要卷一萬八百四十九子部 たこう 體部四 曲線體 5 A ALIO 御製數理精龜下編



Ċ ٤ Э Þ 曲 2 圓體徑與高皆七尺問 1 高七尺乘之得二百六 分零九釐九十六毫二十 得圓面積三十八 御製數理精益下編 圓體 以長圓體徑 餘即長圓體之 寸五百六十九 以し 丙 と 尺四十 積 尺用求圆面積法 D. 幾 分 如 何 圖甲し 百三十七種 尺三百 寸四十 絲 丙,

面積以

尺五寸乘之

五毫有餘為長圓體

八尺七百八十三寸一百三十

得圆周二十一尺九寸九分一 絲 八忽五 百五十

微五

尺

九十三寸八十

鐵有餘與萬七尺

十九釐

又法以長圓體徑七尺

圓體之積

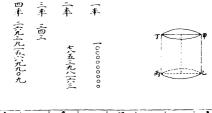
b

用徑求周法求

釐一 屯

圓面積而以庚辛高乘之即得甲乙丙

ŗ ξ Э Þ È 5 御製数理精施下編 如 益因 百三十 面 積 圖甲 圆 為 尺三百 す 周 百 長 與 等而 體為甲乙丙丁長圓體積 底以庚甲 ر ک 圓體之 甲 丙 ょ 釐 し高相乗得甲し丙丁 長 九 丁 圓體之 長圓體先 有 半 餘 外 一寸 有 即長 餘 面 徑東之得庚甲 積 五百六十九 與長 水得し 徑 圆體之積 半得二百 又與長 ح 2 丙 丙



丁長圓體之積也 見幾 卷第 二十四節故折半即得甲乙丙何原本五故折半即得甲乙丙

又法用長方體長圓體之定率比例

積七八五三

長圓體

設之長圓體徑七

尺白東

得四率二百六十九尺三百九

得三百四十 三尺為

高度等則長圓體為長方體之

á

一车 云光元五元元 賣 七分二九八六 1 印製飲里情盤下編 長圓 彼定 RP 八一六三為 一寸五百六十九分九百零九釐有 積 うつう為 今所得之 長圓體之積也此法盖以長方體 奉之長 故以徑 體 為比 長方體 長方體 長す 例 方體 自東高再東得長方體 定率之一〇〇〇〇 心體同高い 與長圓 積 積 與 和 夘 豐 同 七八五三九 求之長圓 2 徑 29 ۴Ł 2 長 ÉP 0 積 圓 顗.

歃 定 女口 四 奖 庫 圓 全 體 書 底 徑 得 積二十 六 パ 百 Ĩ 底 釐八 尺 釐有六 圓 徑 有 餘十 六 髙六 九是有餘以高六人尺二十七寸四人八尺二十七寸四十六十 尺 b 用 尺 十之六 求 問 如 圆 積 圖 面 幾 H と 積 何 丙 法 百 整月 大三 尺乘 求 餘百



髙者其平底

卷見

第幾

二何

十原

ρŊ

面

積

以甲己高來之得真己丁辛長

Í

下面

丰

行

各體

與平

底

夫

體 面

同底

15

尖

體

盲

停

上

下

平

fr

為

中

7

7)

丁戊矣圓

體之三倍盖

时

庚乙丁辛 之三分之

體

積

也

圆

體

積三歸之

έP 故

得甲

又法用失方體 圆

尖圓體之定率比

積

0

御製數理精鎮下納 )

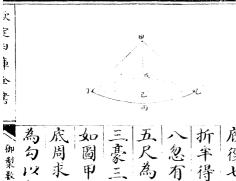
£

0

쇱 三季 華 本 灾 p: 煄 生 其 求 膈 圓 得 2 四率五 得 髙 -今 而 積 蚧 體 失 te か + 再 設 稍 盖 與火 圓 Ł e 2 R こ 柔 失 Ł 百 尺 三十 尖 成 方 圆 8 體 圆 **D**. 尖 D 體 走 27 す 百 贈 T 為 圆 底 發 體 四 長 盤 有 積 徑 か ÉP 為 餘 阳丘 K ÉP

武 三本 定回車全書 ニ六 秀高いなどつい 000000000 六七九九六 御製數理精組下編 法盖以長方體與失圓體為比例長 得二百一十六尺為三率求得四率 六一七九九三八八為二率今所設 十六尺五百四十八寸六百六十七 失圓體底徑六尺自乗以高六尺再 又捷法定率比例 方體與長圓體之比也 八百零八釐有餘即尖圓體之積也 000000 為一率尖園體積 以長方體 **積一○○** 

設 三车 二 车 二六 失 五五百八六六七八〇八 二六一七九九三八 000000000 重 圓 線之高幾 體底周二十二尺自尖至底周之斜線五尺 與失圓 六一七九九三 圓 體積為一〇〇〇〇〇〇〇〇〇 横之比 圓體 東听 體 養為七八五三九八一六三将 何 體之比 得之長方體積與所 積三歸之 ib. 即同於今底徑自東京一八八故定率之長方脚 鴚 得尖圓體 求之失 積為 則 圆 醴 此 長



徑 七尺零二釐

周二十二尺

用

周

求徑法求

八豪一

絲七忽

有

忽 有 弦 餘

為勾以徑三尺

五寸

零一種四豪

自失至底周

之斜

求

得股

<u>څ</u>

R

五寸六分九

犛

有

餘

PP

中

垂

線

髙

求 P ルズ 得し丁 終三息 乙丙丁戊

底

徑

折

丰

得

ٹ

人失圓

體以乙丙

7

自

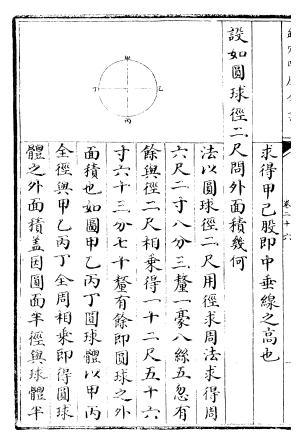
御製数理精益下編 尖至底

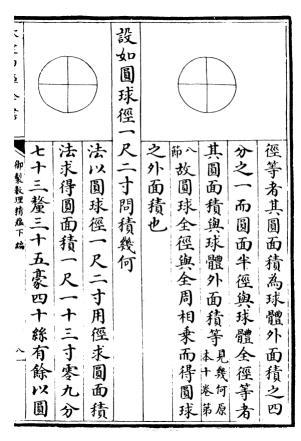
周

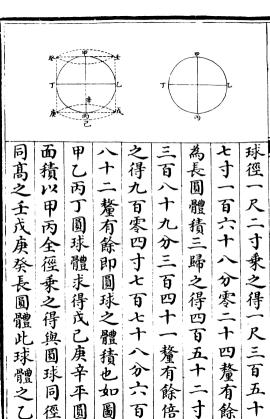
之甲 乙斜

線

A







圖

倍

쉷 埞 匹庫

有量



體之甲

丙全徑

又與長

圆體

之壬

則

球

體積

為

圆體積之三

底第何九原

球節本

試

とス

圓

球

同

徑之

之

丰

-徑為高作

全徑與長圓體之戊庚底

徑度等

體

則其

積

為

申

球

如與長圓以

體同底同

髙

而

火圓

體

之牛夫尖圓體 头圆,

圓面積為 卷幾

體之二分之一

口事全書 一柳製數理精為下始

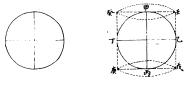
為三分

則

球體必為半

欴

E



癸長圓體積三歸 圓體之三分之二半球體既為半長圓 體之三分之二可 體之三 分之二

倍之

即

得甲乙丙

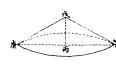
則

全球體公為全長

知故以所得壬戊庚

又法以圓球徑

圆球體積也 面積法求得圓球之外面積四尺五法以圓球徑一尺二寸用求圓球之 ニオミナ 有餘以半徑六寸乘之得 八分九十三釐四十一豪





分六百八十三釐有餘即

圓球

為萬作一戊已庚尖圓體其體積必 體積也如圖甲乙丙 面積乃以此

外

面

積為底戊丙牛

丁圓球體先求

圓球體積等盖尖圓體之底面積與

體之外面積等尖圓體之高度與球

1 中是女里青鱼下海

徑等則其體

随情亦必等見

十四寸三百三十六分四十

歸之得九百零四寸七百七

|李 | 00000000000

五二三五九八七七五

七五為二率今所設之圓球徑一尺二

○○○爲一率球積五二三五九八七

寸自乗再乗得一尺七百二十八寸為

三率求得四率九百零四寸七百七十

四率九〇四七七八六八三 三奉 七六

之定率比例以方積一〇〇〇〇

歸之即如得戊己庚火圓體積而為甲 又法用方邊球徑相等方積球積不同 )丙丁圓球體積也

飲定四庫全書

**科故以茂丙半徑與外面積相東三** 

AT MENT



如子 再乗之寅卯辰已正方體積為一〇

五圓球徑為一○○○則其自乗

正方積為體與體之比

自乗再

圓球 東作

積不同故

ルス

圓球

徑

也此法盖因圓 火與正方

分六百八十三釐有餘 球徑 江與正方, 即圓球之

所得之子午丑未

圓

球體積為五二

000000

而

圓球徑一○○

0

1月知段後里青温下海 九八七七五

以

子丑圓球徑

欽 定四 庫 全書 ○○自乘再乘之寅卯辰已正方 零四寸七百七十八分六百八十三 甲丙圓球徑一尺二寸自乗再東之戊 五九八七七五之 所 0000000000 與子丑圓 今所得之甲乙丙 |庚辛正方體積一尺七百二十八寸 八七七五之比即同於今得之子午丑未圓球體積 广 同於今所 圆球體積九 五二 設 百

· 足日事全書 | ●/御製數理精在下編 三本 乘 本 九六七一九五一六 Ξ 100000000 八〇五九九五九七 更定率比例以圓珠徑一○○○○○ 十九釐有餘即圓珠之體積也此法盖 得九百零四寸七 百七十八分六百四 積相等之正方體每邊之數自東再東 豪九絲五忽一微六纖有餘為與圓球 九七為二率今所設之圓球徑一尺二 ○○為一率正方邊八○五九九 寸為三率求得四率九寸六分七釐 用球積方積相等球徑方邊不同 五



○○○○與寅夘正方邊八○五九九

· 積相等故子丑圓球徑一〇〇〇

-五未圓

球積與寅卯辰已

正

## 所得之體積開立方則得八〇五九 五九七即為寅卯辰巳正方體之每

丑圓球徑一〇〇〇〇〇〇〇 既得線而後自乗再乗之為體也

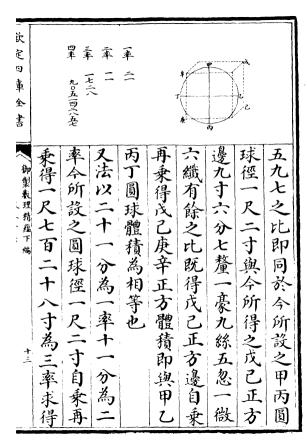
|與正方邊不同先定為線與線之

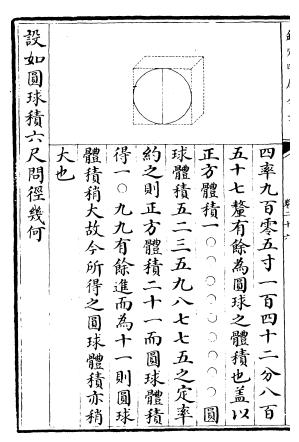
圓 積與正方積設為相等使圓球

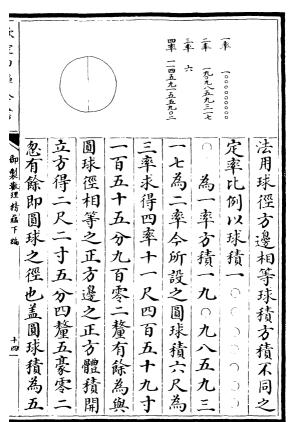
Į. 1

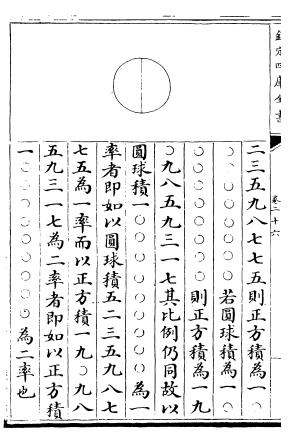
Ľ

盆 芡

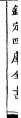








とこり 乖 三四の七〇〇九八 į 00000000 一八十二つ 二五四五〇二 1.5 御製數理精驗下給 圓 法亦以圓球積與正方積設為相 養五豪零二忽有餘即圓球之徑也 之定率比例以方邊一 方得一尺八寸一分七釐一豪二絲 又法用球積方積相等球徑方邊不同 餘為三率求得四率二尺二寸五分 ○○爲一率球徑一二四〇七〇〇 八為二率今所設之圓球積六尺開立 球徑與正方邊不同故以圓球 C. 等使 積 有 四



與線之比例盖方

則球徑為

二四〇七

0

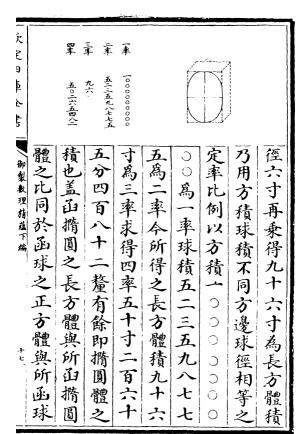


0  $\bigcirc$ 0000 ○ **五九九** ○○○○若方邊為 則 五九 球徑為一

つの九 00000 **四** 〇 五 其比 儿 0 と 儿 000  $\bigcirc$ 例 C). 五 爲 九 13 七為 九 同故以方邊 Ó 者即 如 アス

如橢 圓體大徑六寸小 三釐有餘為長圓體積三歸之得二十七十豪六十 終有餘以大徑六寸東之七十豪六十 終有餘以大徑六寸東之圓面積一十二寸五十六分六十三釐 餘倍之得五十寸二百六十五分四二五寸一百三十二分七百四十一<u>養</u> 法 ソソ 小徑 四寸用徑求圓面積法求 徑四寸問 積 幾 百







PP

同於正方

體

積

鱼

圓

成戊己庚辛長方 圓體積之比 體積之比故以 圓球體

積

為二率今

沂

得之長

定率

之

正方

體

積

為

得四率為

撱

圓體

乙丁小徑自東又

以甲丙大徑再東

體形比長方體積

體之比 體甲丙大徑六寸し丁小徑四寸

四原

節本

如

甲

しあ

丁

+

1

1

鉒 芡

Ĵ

主 如橢圓體積五十寸大徑比小徑多二寸問大小 九五九二九六五八五 元。九八五九三十 (000000000 法用方積球積不同方邊球徑相等之 定率比例以球積一〇〇〇〇〇〇 餘為長方體積乃以大徑比小徑多 () () 為 御製數理精蘊下編 \*為三率求得四率九十五寸四百九 七為二率今所設之橢圓體積五十 二分九百六十五釐八百五十喜 率方積一九〇九八五九



得五寸九分九釐二豪有餘即橢圓體 大徑也如圖甲乙丙丁橢圓體用

多二寸即長閥之較故用帶 **積與方積之定率** 體形其戊己長即甲丙大

۶'n

例即成戊己庚辛

徑壬

丁小徑甲丙大徑几乙

圓體之小徑加大徑比小徑多二

算之得潤三寸九分九釐二豪有餘

定四庫 全書

為長與潤之較用帶

縱開立方

設 ? 積幾何 如上下不等圓面體上徑四尺下徑六尺高八尺問 į ١ 2.5 柳 製數理精益下編 法以上徑四尺用徑求圓面積法求得 為橢圓體之大徑也 上圓面積一十二尺五十六十六十二 方法算之得闊為橢圓體之小徑得 用徑求圓面積法求得下圓面積二十 分七十釐六十豪有餘又以下徑六尺 八尺二十七寸四十三分三十三釐

犮 厙 有量 積一十八尺八十四寸九十五分五十 織有餘用徑求圓面積法求得中圓面 五釐八十五豪有餘三數相併得五十 九尺六十九寸二分六十釐三十豪有 百二十二寸八十二分四百釐有餘 八寸九分八釐九豪七絲九忽四微 五豪有餘又以上徑四尺與下徑六 相乗得二十四尺開方得中徑四尺 八尺相乘得四百七十七

ķ 3 į 上中下三圓面積 上中下三方面積相併與髙相乗三 體立法與上下不等正方體同理但 不等圓面體之積也盖上下不等圓面 二十七分四百六十六釐有餘即上 歸之得一百五十九尺一百七十四寸 下不等正方體上下俱係方面故求得 而得體積此上下俱係圓面故求 而得體積 相 併與高相乗三歸 宁 异

釒 厍 刍 녈 得六百七十八 尺五百八十四寸一 五豪有餘與所得共高二十四尺相乗 補成一尖圓體之共高乃以下徑六 率下徑六尺折半得三尺為三率求得 又法 用徑求圓面積法求得圓面積二十 四率二十四尺為上下不等圓面體上 尺二十七寸四十三分三十三釐八十 R 以上徑四尺與下徑六尺相減餘 折半得一尺為一率高八尺為二

万

十六尺相乘得二百零一尺六十一 釐有餘為大失 圆體之積又以高八 九百二十九分六百釐有餘三歸之得 六十三分七十釐六十豪有餘與上高 尖圓體之高以上徑四尺用徑求圓面 與共高二十四尺 **積法求得圓面積一十二尺五十六寸** 六尺一百九十四寸六百七十分八百 相減餘十六尺為

二分四百釐有餘三歸之得二百二

一大足り

P do La 御製数理精雜下為

六十七尺二十寸六百四十三分二百 釐有餘即上下不等圓面體之積也 體積二百二十六尺一百九十四寸六 釐有餘為上小失圓體之積與大失圓 十九尺一百七十四寸二十七分六 百七十分八百釐有餘相減餘一百五 於戊乙丙大犬圓體 圖甲乙丙丁上下不等圓面體加戊甲 小光圓體遂成戊乙丙大光圓體故 巻ニャ六 積内減去戊甲 如百

欽定四庫全書 佛教教理精藏下編 軍車 五九十四〇七七〇 うまなおななない 000000000 大左三九八六三 得六百零八尺三歸之得二百零二尺 徑六尺相乗三數相併以高八尺東之 七八五三九八一六三為二率上徑四 圓面體之定率比例以正方體積一 圓面體之積也 尺自東下徑六尺自東上徑四尺與下 又法用上下不等正方體與上下不等 〇〇〇〇〇〇〇八季圓面體積 小尖圓體積而得甲乙丙丁上下不等

章 章 承 一五九(七四〇二七七〇つ 一つ大学大学大学大学 大五五九二六三 (000000000 一六百六十六十六百六十六分六百六 為二率上徑四尺自乗下徑六尺自東 上下不等圆面體之積也 十四寸二十七 分七百零一釐有餘即 三率求得四率一百五十九尺一百七 十六釐有餘成上下不等正方體積為 上徑四尺與下徑六尺相乗三數相併 又捷法定率比例以一〇〇〇〇〇 〇〇〇 為一率二六一七九九三八八

欽 奉 一车 平 定四庫全書一柳製數理精益下編 一五九七四〇七九〇〇 さ (000000000 去工光之 求得四率一百五十九尺 正方體與一上下不等圓面體為比 寸二十七 分九百 釐有餘即上下不等 **積為七八五三九八一六三若三上** 圆面體之積也此法盖以三上下不 以萬八尺乘之得六百零八尺為三 上下不等正方體積為一〇〇〇 则 000000 上下不等圓面體 百七十

如上下不等橢圓面體上大徑四尺小徑三尺下上 圓面體之比即同於今所 圆 之三上下不等正方體與一上下不等 不等正方體積與所求之一上下不等 面體積之比也 得之三上下

自

所得為三上下不等正方體積彼定率

東上下徑相東三數相併以高東之

七九九三八八故以

上徑自乗下徑

〇則一上下不等圓面體積為二六

į 尺小徑六尺萬十尺問積幾 即 製 數理精藏下編 尺與下小徑六尺 0 徑三尺相乘 相乘得四十八尺又 十二尺以 上大徑四尺與上小徑三尺 四 圓積之定 0 尺三數 〇〇〇為一率圓積 下 相乘下大 大徑 率 相 共得四十 比例 併 何 八尺與 得八十四 以方 いく 五 徑 上 大 積 下小 尺 Ł 相 尺 扩 R 徑 3 遊 四 徑

**鼓定四庫全書** 三率 六五九七三四四五六九 大五三九八一六三 000000000 盖上下不等橢圓面體立法與上下 養有餘三歸之得二百一十九尺九 尺七百三十四寸四百五十六分九百 豪有餘與萬十尺相乘得六百五十 五三九八一六三為二率三數相併 九十七寸三十四分四十五釐六十 八十四尺為三率求得四率六十五 一十一寸四百八十五分六百三十 有餘即上下不等橢圓面體之積 尺 百



等園面體同但上下不等圓面體上下

併與高相乘三歸之而得體積此上

俱係橢圓面故必求得上中下三長方

俱係圓面故求得上中下三圓面積相

乃與髙相乘三歸之而得體積 面積相併用定率比例得三橢圓面積 餘四尺折半 以上大徑四 得二尺為一

尺與下大徑八尺相

фÌ,

率高十

為二率下大徑八尺折半得四尺為

千五

į

たこう

百二十七寸四百一十一分三百釐有 百釐有餘三歸之得二百五十一尺 (尺九百八十二寸二百三十三分六

與所得共高二十 尺相乘得七百五十 法求得下橢圓面積三十七尺六十九 面體上補成一失橢圓體之共高乃以 寸九十一分一十一釐六十八豪有餘 下大徑八尺小徑六尺用求橢圓面積

犮

匹庫全書

卷二十六

|率求得四率二十尺為上下不等橢圓

1. 4.5 一脚製數理精龜下編 十五寸九百二十六分四百釐有餘為 四尺二百四十七寸七百七十九分 百釐有餘三歸之得三十一尺四百 九尺四十二十四十七分七十七餐九 十二豪有餘與上髙十尺相乘得九 (用求橢圓面積法求得上橢圓面積 圓面體之高以上大徑四尺小徑

與共高二十尺相減餘十尺為上小火

為大光橢圆面體之積又以高十

Ł 3 5

八百釐有餘即上下不等橢圓面體積 如圖甲乙丙丁上下不等橢圓面體

加戊甲丁小尖橢圓面體遂成戊乙丙 體內減戊甲丁小尖橢圓面體而 失橢圓面體故於戊乙丙大失撱

圓

十九尺九百一十一寸四百八十四分

積二百五十一尺三百二十七寸四百 一十一分三百釐有餘相減餘二百

上小尖橢圓面體積與大尖橢圓面體

卷二十六

灾匹库全建

金

牽 牽 二九九二四八五六四〇 今 七八五三九八六六 二十尺與下小徑六尺相乘得一百二 以下大徑八尺倍之加上大徑四尺共 六尺與上小徑三尺相乘得四十八 積七八五三九八一六三為二率以上 大徑四尺倍之加下大徑八尺共一十 又法用上下不等長方體與上下不等 甲乙丙丁上下不等橢圓面體之積也 つつつつつつつの為一率長圓體 橢圓面體之定率比例以長方體積

一たこり

5

1. 1.1.

一一御製数理精在下編

デセ

釒 華 乘 宷 贞 Ľ 二九九二四八五六四。 眉 七盆三九公六三 (000000000 生き 十尺两數相併得一百六十八尺以高 與上下不等橢圓面體之比即同於長 **積與圓面積之比故上下不等長方體** 為三率求得四率二百一十九尺九百 得二百八十尺成上下不等長方體 長方面積與橢圓面積之比同於方面 有餘即上下不等橢圓面體之積也盖 一十一寸四百八十五分六百四十釐 十尺乘之得一千六百八十尺六歸之

植

欽 定 牵 **棄 棄** Ð 云谷 二一九九二四公九二 車全書 一一〇八九九八九四 000000000 御製數理精盤下編 乘得一百二十尺 两数相併得一百六大徑四尺共二十尺與下小徑六尺相得四十八尺以下大徑八尺倍之加上八尺共一十六尺與上小徑三尺相乘為二率以上大徑四尺倍之加下大徑 十八尺以高十尺乘之得一千六百 又捷法定率比例以一〇〇〇〇〇 〇〇〇為一率一三〇八九 體與長圓體之比也 九六九 下大 加上大徑 四 0

牽 車軍 る 二九二四八五九二 000000000 一一一八九九六九四 十尺為三率求得四率二百一十九尺 方體積為一〇〇〇〇〇〇〇〇 也此法盖以六上下不等長方體與一 ○○則一上下不等橢圓面體積為七 不等長方體積為一〇〇〇〇〇〇〇 十釐有餘即上下不等橢圓面體之積 九百一十一寸四百八十五分九百二 八五三九八一六三若六上下不等長 上下不等橢圓面體為比例夫一上下

火 Ę e Ē LI ALLA TID 御製型指題下編 之六上下不等長方體積與所求 之所得為六上下不等長方體積彼定 不等橢圓面體積之比即同於今所 率之六上下不等長方體 下不等精 圓 面體 **碰積之比** 積 與一上下

上下不等橢圓面體積為

九六九四故以上大徑倍之加下

一小徑

相乘以下大徑倍之加

徑與下小徑相乘兩數相併以高

段高二寸底徑九寸六分問積 法以高二寸為首率底徑九寸六分折 寸得一尺三寸五 分二釐為圓球之全 ,寸五分二釐為圓球之截徑加高 得四すい 折半得六寸七分六釐為圓球之 得四寸八分為中率求得末率 平圓半徑用求圓面積法求得平 又以萬二寸為勾底徑九寸六 八分為股求得弦五寸

七分五百一十二釐有餘為自圓球中

餘三歸之得一百九十一寸四百一十 四寸二百五十二分五百三十六釐有 半徑六寸七分六釐相乘得五百七十

餘即為截球體一段之外面積與圓球

面積八十四寸九十四分八十六釐有

球體之底面積七十二寸三十八分二

徑九寸六分用求平圓面積法求得截

心所分球面尖圓體積又以截球體底

一盆定四庫 全書 # dy 一十二釐有餘於圓球半徑六寸七分六 養內減去截球體之馬二寸餘四寸七 釐有餘三歸之得一百一十四寸八百 四十四寸五百三十九分二百七十 三十八分二十二釐有餘相乘得三百 分六釐與截球體之底面積七十二寸

體積與球面尖圓體積一百九十一寸 四十六分四百二十四釐有餘為自圓 中心至截球體底徑所分平面尖圓



减餘七十六寸五百七十一

かハナ

四百

十七分五百一十二

釐有餘相

釐有餘即截球體一段之積也如圖甲

) 丙截球體一段其乙丙底徑即如孙

,形之弦長其甲丁萬即如於矢形之

乙丁為中率求得丁戊末率為截球徑

失閥故甲丁為首率乙丙底徑折半得

■ 知以致里肯強下為

圆球全徑

半得甲己為圓球牛徑

<u>-</u>

圆面 徑形

**社與甲丁高相加得甲戊為** 

面牛徑與球體全徑等者其圓面積與

球體外面積等見幾何原本故甲辛戊

圓球體其外面積為同徑子丑寅卯

圓面積之四倍若甲辛壬年球體其

面積為球體外面積之四分之一而圆

等盖圓面牛徑與球體半徑等者其圓 即與甲乙丙截球體一段之外面積 以甲乙弦為牛徑求得庚乙丙平圓面 以甲丁為勾乙丁為股求得甲乙弦乃

全書

釺定四庫



必與甲辛壬半球體之外面積等矣今

己半徑亦求得平圓面積兩面積相

然則甲己半徑求得平圓面積又辛

面積必為子五寅卯平圓面積之

٠.

求得平圓面積又以乙丁為半徑求

1; 一 御製數理精益下編

2 į

甲乙丙截球體一段若以甲丁為半

圓面積兩面積相併亦必與甲乙丙 段之外

「乘之正方與甲丁勾自東之正方己丁

=+=

面積等而甲乙弦自



弦為半徑所 與甲乙丙截球體一段之外面積相等 得之庚乙丙平圓面積

圓球半 失圓體積又以乙丙截球體底徑求 既得截球體一段之外面積與甲 - 徑相乗三歸之得己丙甲乙

沂

併之積等故以甲

得之圓面積相

|股自乗之正方 為半徑所得之圓面積乙丁股為半 為半徑所得之圓面積亦必與甲丁勾

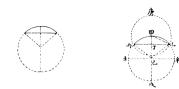
相

併之積等則甲乙

全書

定匹庫

鉝





歸之得己丙丁乙平面尖圓體

·横與己

乙丙底面積與丁己截半徑相求

分七釐四豪三絲三忽有餘與截球體 又法先求得圓球徑一尺三寸五分二 用徑求問法求得圆周四尺二寸

段之高二寸相乘得八十四寸九

分八十六釐有餘即為截球一段

主

欴 足曰車至書 一一御製數理精臨下編



四百一十七分五百一十二釐有餘為 自圓球中心所 球體底徑九寸六分用求 分球面尖圓體積

平圆面積

,求得截球體之底面積七十二寸三 八分二十二釐有餘於圓球半徑六

寸七分六釐内減去截球體之高二寸

面積與圓球半徑六寸七分六釐

乗得五百七十四寸二百五十二分

相

百三十六釐三歸之得一百九十一



Þ A 書 一人御製數理精鎮下編 一寸四百一十七分五百一十二釐

失圓體積與球面失圓體積一百九十 餘為自圓球中心至截球徑所分平面 四寸八百四十六分四百二十四釐有

百七十二釐有餘三歸之得一百一十

七十二寸三十八分二十二釐有餘相 東得三百四十四寸五百三十九分 四寸七分六釐與截球體之底面

餘七十六寸五百七十

有

毒

文



段

甲丁髙相乗得庚子五辛截長圓體 之外面積與甲乙丙截球體一段 面積等益球體全徑與長圓體底 祠 筝 者 其相當每段之外

原

**猜則與甲己牛徑** 

既得甲乙丙截

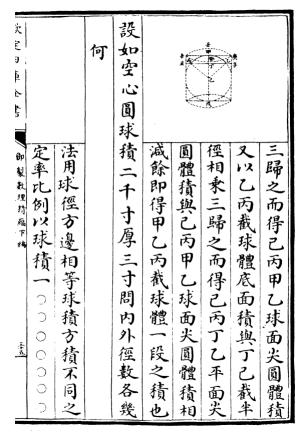
面積皆

徑

2

圖甲乙丙截球體一段先求得甲戊全 徑與與辛等又求得壬庚癸辛全周與

八釐有餘即截球體一段之積也





三八九五八六三四 foce

正方體積三尺八百一十九寸七百一

分六百三十四釐相減餘三尺六

八因之得二百一十六寸與所得空心

一九の九八五九三一七

體法以厚三寸自乗再乗得二十七寸

餘為空心正方體積乃用算空心正方

九寸七百一十八分六百三十四釐有

千寸為三率求得四率三尺八百一十

一七為二率 今所設之空心圓球積二

1 77 〇〇為一率方積一九〇九八五九三

Ē

金欠匹

一大モョ Ē A. A.10 一一/都製数理精粒下編 ·徑得長一尺七寸四分六釐三豪九

得二尺零二十分六十五釐九十豪為

徑與外徑相東長方面積乃以厚

數開平方法算之得閱一尺一寸四分 寸倍之得六寸為長闊之較用帶縱較

六釐三豪九絲七忽有餘即空心圓

手

分七百七十二釐有餘用厚三十除之

釐有餘六歸之得六百寸六百一十九

百零三寸七百一十八分六百三十



如圖甲乙丙丁戊己庚辛空心圓球體

其甲丙外徑與壬癸外方邊等其戊庚 内徑與寅卯內方邊等是以甲乙丙 比而空心圓球體與空心正方 與子癸子五大正方體為比戊

體與寅卯辰已小正方

EP 如 用

一以空心圓球體與空心正方體為比 七忽有餘即空心圓球外徑也此法 球積與方積定率為比例

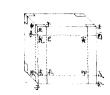
4

4

ź 댯 定日車至書一一一柳製數理精臨下編 空心正方體 方面積其百成 扁體用厚三寸除之得酉戌亥乾一長 長方扁體六歸之得百成次未一長方 西乾長與壬丑等即外徑其百寅已乾 餘空心正方體之六面百戌次未類六 以壬酉厚自乗再東八因之得午已未 類八小問體與空心正方體相減 積則用算空心正方體法 閣與戊庚等即內徑其

球體積與方體積之比也既得





関為内 以厚三寸倍之得六寸為內方邊與外 又法用定率比例求得空心正方體

之較自幸

再乗得二百一十六寸

與所得空心正方體積三尺八百一十

寸七百一十八 分六百三十四釐有 相減餘三尺六百零三寸七百一

徑長為外徑也

問之較故以厚三寸倍之為帶縱求得

一百與五百厚度等酉寅已乾併之即長 卷二十六



一欽定四車全書 一人柳製數理精益下編 尺七寸四分六釐三豪九絲七忽有餘 算之得閱一尺一寸四分六釐三豪九 絲七忽有餘即空心圓球內徑得長

寸為長闊之較 用帶縱較數開平方法

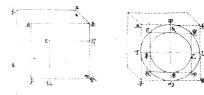
有餘為長方面積以內外方邊之較六

之得二尺零二十分六十五釐九十豪

十四釐有餘以內外方邊之較六寸除

尺二百零一寸二百三十九分五百四

八分六百三十四釐有餘三歸之得



己庚辛空心圓球體用定率比

空心圓球外徑也如圖甲乙丙丁戊

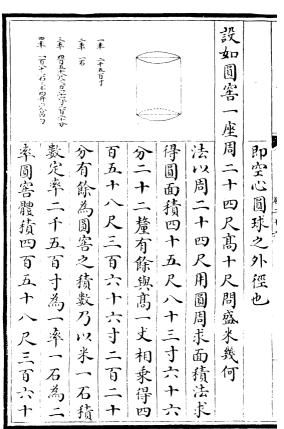
例

而得

壬癸子丑寅卯辰已空心正方體將寅 隅

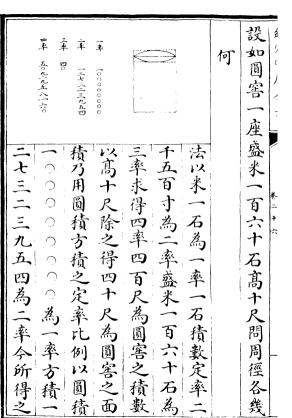
為甲丙外徑與戊庚內徑之較依開 卯辰已空心小正方形移置癸角之 方法分之得酉戌亥三方康體乾 未午罄折體形其壬寅即磬折體之厚 則空心正方體變為壬寅已辰子申 體以壬寅厚度 於

欽 定 四 庫 全書一人柳製數理精寫下為 Ó 壬癸辰坤 以壬寅與寅癸相 寅等以巽壬厚除巽壬癸辰坤 則餘百一方廉體乾 相減餘三方廉體三長廉體三歸 則得壬癸辰坤 再來得震一小 故用帶 閱與寅葵等即空心圓球之內 離一扁方體其異五厚與五 縱較 加 隅 数開平方法算之 長方面壬寅即長 得五癸與甲丙等 體與空心正方體 長廉體共成 離扁す 闊



灾 己 日車全書 柳製数理精編下編 之比同於今所得之體積與今所求之積則以一石積數二千五百寸與一石 成丁己圆周求得平圆面積用甲乙髙 體積之法同如甲乙丙丁長圓客以甲 東之即得甲乙丙丁長圓體積既得體 有餘即所盛之米數也此法與求長圓 百八十三石三年四升六合四勺 四十

六寸二百二十分有餘為三率求得四



灾 足日事 全書 即製數理精總下稿 如積米一堆高五尺底周十四尺問米數幾何 法以底周十四 徑求周法求得周二十二尺四寸一 釐四豪九絲有餘即圓客之徑數再用 九釐九豪四絲有餘即圓客之周數也 十尺九十二寸九十五分八十一釐六 圓客面積四十尺為三率求得四率 得圆面债一十五尺五十九寸七十一 十豪有餘開平方得七尺一寸三分六 尺 用 圆周求面積法求

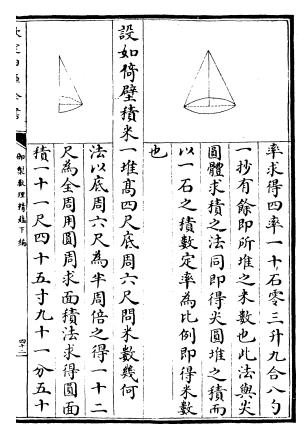
十石零年春分月抄 一个五百寸 中五九百九五十一方火 石石 **光圓堆之積數二十** 五百寸為一率一 推之積數乃以米一石積數定率二千 寸三百零六分八百二十 釐有餘為 分八十四釐一十二豪有餘為失圓堆

石

為二率今所得之

尺九百九十

三百零六分八百二十釐有餘為火園 之底面積與高五尺相乗得七十七尺 餘三歸之得二十五 九百八十五寸九百二十分六百釐有 尺九百九十五寸



四車 三石零五升五食与七杉 三車 麦谷美子男子六分 年 【率 一千五百寸 万 石石 眉 4 七尺六百三十九寸四百三十六分 為二率今所得之倚壁尖圓堆之 五分七十七釐有餘為倚壁尖圓堆之 五釐有餘折半得五尺七十二寸九 石積數定率二千五百寸為一率一 有餘為倚壁尖圓堆之積數乃以米 得七尺六百三十九寸四百三十六 百一十八寸三百零八分有餘三歸之 面積以高四尺乗之得二十二尺

さこう 幾何 如倚壁内角積米一堆髙五尺周一十二尺問米數 è 7 Als 御製数理精為下編 歸之得倚壁尖圓堆之積數而以一 得平圆面積折半與高數相乗又以 盖倚壁失圓堆即火圓體之一半故求 七勺七抄有餘即倚壁所堆之米數也 餘為三率求得四率三石零五升五 **積數為比例即得米數也** 法以周一十二尺四因之得四十



十分三歸之學七十六尺三百九十四

|角光圓堆之底面積與高五尺相乗得 二百二十九尺一百八十三寸一百

**積數乃以米一石積數定率二千五百** 

寸三百七十分為倚壁內角尖圓堆之

寸六十六分二十二釐有餘為倚壁内

十釐有餘四歸之得四十五尺八十 百八十三尺三十四寸六十四分九

為全周用圓周求面積法求得圓面積

Æ

万

E

金

四半三若零季森七至勺

歸之得倚壁內角尖圓堆之積數而 平圆面積四歸之與高數相乗又以

内角尖圓堆之積數七十六尺三百九

率一石為二率今所得之倚壁

~ 石

一率 二千五百寸

三率 李定夏南三百年分

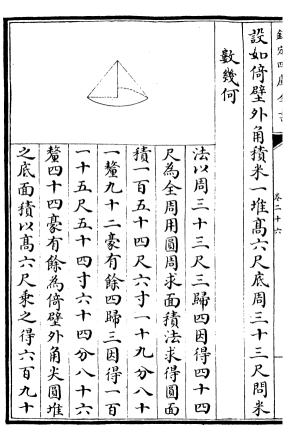
三十石零五斗五升七合七勺有餘即 十四寸三百七十分為三率求得四率

倚壁内角所准之米數也盖倚壁內角

失圓堆即失圓體之四分之一故求得

石積數為比例即得米數也

四十四



率 四率 李石里三开七百八岁 三年 宣王元寺省丰安省公林 一年 一年五百寸 云石 率一石為二率今所得之倚壁外角尖 以米一石積數定率二千五百寸為一 |率求得四率九十二石四丰三升七合| 九百七十二分八百八十釐有餘為三 **釐有餘即倚壁外角失圓堆之積數乃** 百四十釐有餘三歸之得二百三十 圓堆之積數二百三十一尺九十二寸 尺九十二寸九百七十二分八百八十 三尺二百七十八寸九百一十八分

一次足习事公書 一柳製數理精益下編

製數理精藴下編卷二十六 쉺 j 數也盖倚壁外角尖圓堆即尖圓體 圆堆之積数而以 髙數相乗又以三歸之得倚壁外角尖 分之三故求得平圓面積四歸三因與 勺 抄有餘即倚壁外角所堆之米 石積數為比例 四